

FONCTION LOGARITHME DÉCIMAL

~ 5 points **EXERCICE 1**

- L'*écriture scientifique* d'un réel positif x est l'unique écriture de la forme $a \times 10^p$, où le réel $a \in [1 ; 10[$ est appelé la *mantisse* et où l'entier relatif p est appelé l'*exposant*.

Par exemple, $2\,020 = 2,02 \times 10^3$ et $0,075 = 7,5 \times 10^{-2}$.

- La *partie entière* d'un réel y , notée $E(y)$, est l'entier relatif inférieur le plus proche.

Par exemple, $E(3,14) = 3$ et $E(-5,2) = -6$.

1. Compléter le tableau, où $a \times 10^p$ est l'écriture scientifique de x .

On arrondira les logarithmes à trois chiffres après la virgule.

x	0,002 3	123,45	0,24	3 500
$\log(x)$				
$E(\log(x))$				
$a \times 10^p$				

2. Comparer les lignes 3 et 4 du tableau. Quelle propriété peut-on conjecturer?

~ 7 points **EXERCICE 2**

Lors d'un krach boursier, le cours d'une action, en euros, après x heures depuis l'ouverture de la bourse, est donné par l'expression $f(x) = 50 \times 0,95^x$.

La bourse ouvre pendant à 9h00 et ferme à 17h00.

1. Relever le cours de l'action à l'ouverture de la bourse, lorsque $x = 0$.
2. Calculer le cours de l'action à la fermeture de la bourse, lorsque $x = 8$.
3. A quelle heure, à la minute près, le cours de l'action est-il égal à 40 euros?

~ 8 points **EXERCICE 3**

Le 1^{er} janvier 2010, j'ai placé un premier capital de 1 000 euros à intérêts composés au taux annuel de 2 % et un deuxième capital de 500 euros à intérêts composés au taux annuel de 4 %.

Au bout de x années, les capitaux acquis sont donnés par les expressions $f_1(x) = 1\,000 \times 1,02^x$ et $f_2(x) = 500 \times 1,04^x$.

1. Pour chaque placement, calculer le capital acquis le 1^{er} janvier 2020.
2. Expliquer pourquoi : $f_2(x) > f_1(x) \Leftrightarrow \log(500) + x \log(1,04) > \log(1\,000) + x \log(1,02)$.
3. Un jour, le deuxième placement sera plus intéressant que le premier. A quelle date?

Résoudre l'inéquation précédente pour répondre.